

**Закарпатський угорський інститут імені Ференца Ракоці II**  
**II. Rákóczi Ferenc Kárpátaljai Magyar Főiskola**  
**Ferenc Rakoczi II Transcarpathian Hungarian College of Higher Education**

Кафедра Tanszék Department	Математики та інформатики Matematika és informatika Mathematics and informatics
Галузь знань Képzési terület Field of study	01 Освіта/Педагогіка 01 Oktatás/Pedagógia Education/Pedagogy
Спеціальність Szak Specialty (major)	
Освітня програма (код в ЄДЕБО, назва, посилання) Képzési program (JEDEBO kód, név, link) Study programme	
Курс Évfolyam Class year	

Ступінь вищої освіти Képzési szint		Форма навчання Tagozat	Заочна/Levelező	Навчальний рік Tanév	2025/2026	Семестр Félév	весняний tavaszi
--	--	------------------------------	-----------------	----------------------------	-----------	------------------	---------------------

## Силабус / Sillabusz (Tárgyleírás)\*

Код, назва освітнього компоненту (код з ОП, НП) A képzési komponens kódja, megnevezése (a képzési programból vagy mintatantervből)	Проективна геометрія Projektív geometria
Тип освітнього компонента (навчальної дисципліни) A képzési komponens (tantárgy) típusa	вибіркова választható
Кількість кредитів Kreditérték	4
Всього годин Összóraszám	120
У тому числі Ebből	Лекції / Előadás: 20 Практичні (семінарські) заняття / Szeminárium, gyakorlati: 20 Лабораторні заняття / Laboratórium: Самостійна робота / Önálló munka: 80
Викладач, відповідальний за освітній компонент	Пап Габріелла Гaboríeva, ст. викладач e-mail: <a href="mailto:papp.gabriella@kmf.org.ua">papp.gabriella@kmf.org.ua</a> Papp Gabriella, adjunktus

\* Силабус – документ організації освітнього процесу, що містить обсяг освітнього компонента в кредитах ЕКТС та його розподіл у годинах за формами організації освітнього процесу та видами навчальних занять, зміст (тематику: основні теми, у тому числі теми практичних, семінарських та лабораторних занять, орієнтовну тематику індивідуальних та/або групових завдань), результати навчання з освітнього компонента, методи і засоби оцінювання результатів навчання, передумови для вивчення дисципліни (пререквізити)).

A **sillabusz** (tárgyleírás) oktatásszervezési dokumentum, amely tartalmazza a képzési komponens ECTS-kreditekben megadott értékét, valamint annak órákra lebontott elosztását az oktatás különböző formái és a foglalkozások típusa szerint. A sillabusz tartalmazza a tananyagot (tematika: főbb témaik, beleérte a gyakorlati, szeminárium és laboratórium foglalkozások témaikat, valamint az egyéni és/vagy csoportos feladatak javasolt témaik), az adott oktatási komponenshez kapcsolódó elvárt tanulási eredményeket, az értékelés módszereit és eszközeit, valamint a tantárgy felvételének előfeltételeit (a prerekvizitumokat).

<p>(ПІБ, науковий ступінь, вчене звання, посада, адреса електронної пошти)  <b>Tárgyfelelős oktató</b>  (család- és utónév, tudományos fokozat, cím, e-mail)</p>	
<p><b>Викладачі, відповідальні за читання лекцій</b>  (ПІБ, науковий ступінь, вчене звання, посада, адреса електронної пошти)  <b>Az előadásokat tartó oktatók</b>  (család- és utónév, tudományos fokozat, cím, e-mail)</p>	
<p><b>Викладачі, відповідальні за практичні, семінарські заняття</b>  (ПІБ, науковий ступінь, вчене звання, посада, адреса електронної пошти)  <b>A szemináriumokat, gyakorlatikat tartó oktatók</b>  (család- és utónév, tudományos fokozat, cím, e-mail)</p>	
<p><b>Викладачі, відповідальні за лабораторні заняття</b>  (ПІБ, науковий ступінь, вчене звання, посада, адреса електронної пошти)  <b>A laboratóriumi órákat tartó oktatók</b>  (család- és utónév, tudományos fokozat, cím, e-mail)</p>	—
<p><b>Пререквізити навчальної дисципліни</b>  (коди ОК з ОП / навчального плану)  <b>Előtanulmányi követelmények</b>  (a képzési komponensek kódja a képzési programból / mintatantervből)</p>	<p>Геометрія  Mértan</p>
<p><b>Анотація дисципліни, мета, завдання</b>  <b>A tárgy rövid annotációja, tárgya és céljai</b></p>	<p><b>Анотація</b>  Програма призначена для підготовки бакалаврський галузі знань «01 Освіта/Педагогіка». У програмі представлено основні положення курсу, подано моделі систем деяких типів, основні поняття та методи, приклади їх застосування на практиці</p> <p><b>Мета:</b>  Полягає у формуванні в майбутніх фахівців у галузі математики більш широкого погляду на геометрію, глибшого і чіткішого розуміння зв'язків між різними геометричними системами, природи геометричних властивостей, можливостей різних методів їх вивчення.</p> <p><b>Завдання:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>Розкрити місце і значення знань з проективної геометрії в загальній і професійній освіті людини, з'ясувати взаємозв'язки курсу проективної геометрії з іншими навчальними дисциплінами.</li> <li>Показати практичну значущість методів проективної геометрії, їх застосовність дорозв'язання найрізноманітніших геометричних задач.</li> <li>Забезпечити ґрунтовне вивчення тих понять і методів проективної геометрії, які можуть бути використаніми під час викладання шкільної геометрії та проведення позакласних занять з математики.</li> </ul> <p><b>A tantárgy általános ismertetése</b>  A tantárgyi program BSc szintű képzéshez készült képzési terület: «01 Oktatás/Pedagógia». A program bemutatja a kurzus főbb rendelkezéseit, bemutatja</p>

	<p>bizonyos típusú rendszerek modelljeit, alapfogalmakat és módszereket, példákat a gyakorlatban történő alkalmazásukra</p> <p><b>A kurzus célja:</b></p> <p>A jövőbeli matematika szakembereinek tágabb képet kell alkotnia a geometriáról, mélyebb és tisztább tudást kell szereznie a geometriai rendszerek közötti kapcsolatokról, a geometriai tulajdonságok természetéről, különböző módszerek lehetőségeinek tanulmányozásáról.</p> <p><b>A kurzus feladata:</b></p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Feltárni a projektív geometria ismereteinek helyét és jelentőségét az ember általános és szakmai oktatásban, megismerni a projektív geometria kapcsolatát más tudományágakkal.</li> <li>- Megmutatni a projektív geometria módszereinek gyakorlati jelentőségét, alkalmazhatóságukat a különböző geometriai feladatok megoldásában.</li> <li>- Biztosítani a projektív geometria azon fogalmainak és módszereinek alapos tanulmányozását, amelyek felhasználhatók az iskolai geometria és a tanórán kívüli matematika tanításában.</li> </ul>
<p><b>Основна тематика дисципліни</b> <b>Tematika</b></p>	<p><b>Основні теми лекцій:</b></p> <p><b>Проективний простір та його властивості</b></p> <p><b>Тема 1.</b> Простір. Елементи простору і їх взаємне розташування. Кути нахилу елементів простору і відстані між ними</p> <p><b>Тема 2.</b> Проекційні режими, принципи. Зображення елементів простору, система зображень Монжа</p> <p><b>Проективні перетворення</b></p> <p><b>Тема 1.</b> Перетворення елементів простору. Перетворення плоского тіла</p> <p><b>Тема 2.</b> Редагування плоскої фігури і точки перетину прямою</p> <p><b>Тема 3.</b> Перетин двох загальних плоских фігур. Перетин плоского тіла з площинами</p> <p><b>Основні теми семінарських занять:</b></p> <p>Простір. Елементи простору і їх взаємне розташування. Кути нахилу елементів простору і відстані між ними Проекційні режими, принципи. Зображення елементів простору, система зображень Монжа Перетворення елементів простору. Перетворення плоского тіла Редагування плоскої фігури і точки перетину прямою Перетин двох загальних плоских фігур. Перетин плоского тіла з площинами</p> <p><b>Основні теми для самостійної роботи:</b></p> <p>Простір. Елементи простору і їх взаємне розташування. Кути нахилу елементів простору і відстані між ними Проекційні режими, принципи. Зображення елементів простору, система зображень Монжа Перетворення елементів простору. Перетворення плоского тіла Редагування плоскої фігури і точки перетину прямою Перетин двох загальних плоских фігур. Перетин плоского тіла з площинами.</p> <p><b>Az előadások főbb témaik:</b></p> <p><b>A projektív tér és tulajdonságai</b></p> <p><b>Téma 1.</b> Tér. A tér elemei és kölcsönös helyzeteik. A tér elemeinek hajlásszöge és a köztük lévő távolság</p> <p><b>Téma 2.</b> Vetítési módok, elvek. Térelemek ábrázolása, Monge-féle képsíkrendszer</p> <p><b>Projektív transzformációk</b></p> <p><b>Téma 1.</b> Térelemek transzformációja. Síklapú testek transzformációja</p> <p><b>Téma 2.</b> Síkidom és egyenes döfespontjának szerkesztése</p> <p><b>Téma 3.</b> Két általános síkidom metszésvonalai. Síklapú testek metszései síkkal</p> <p><b>A szemináriumok fő témaik:</b></p> <p>Tér. A tér elemei és kölcsönös helyzeteik.</p>

	<p>A tér elemeinek hajlásszöge és a köztük lévő távolság Vetítési módok, elvek. Térelemek ábrázolása, Monge-féle képsíkrendszer Térelemek transzformációja. Síklapú testek transzformációja Síkidom és egyenes döfespontjának szerkesztése Két általános síkidom metszésvonalai. Síklapú testek metszése síkkal</p> <p><b>Az önálló munka fő témaikerei:</b> Tér. A tér elemei és kölcsönös helyzeteik. A tér elemeinek hajlásszöge és a köztük lévő távolság Vetítési módok, elvek. Térelemek ábrázolása, Monge-féle képsíkrendszer Térelemek transzformációja. Síklapú testek transzformációja Síkidom és egyenes döfespontjának szerkesztése Két általános síkidom metszésvonalai. Síklapú testek metszése síkkal</p>
--	--

<b>Очікувані інтегровані, загальні та фахові компетентності Elvárt kompetenciák</b>	<p><b>Перелік компетентностей випускника</b></p> <p><b>загальні компетентності:</b></p> <p>ЗК 1. Здатність розвивати учнів критичного мислення ЗК 2. Здатність ефективно використовувати наявні та створювати (за потреби) нові електронні (цифрові) освітні ресурси ЗК 6. Здатність генерувати нові ідеї (креативність) ЗК 7. Здатність застосовувати набуті знання на практиці, ефективно розв'язувати практичні задачі використовуючи професійні знання.</p> <p><b>фахові (спеціальні) компетентності:</b></p> <p>ФК 1. Здатність до використання математичних методів і моделей в освіті/педагогіці. ФК 11. Розуміти явища, що спостерігаються та побачити закономірності нових явищ.</p>
<b>Програмні результати навчання Elvárt tanulási eredmények</b>	<p>ПР 10. Розуміння різноманітних процесів у природі, науці та техніці ПР 15. Здатність аналізувати, проектувати, впроваджувати та вдосконалювати ПР 17. Здатність про демонструвати та застосовувати знання з математики, необхідні для формування математичних компетентностей учнів.</p>

### Критерії контролю та оцінювання результатів навчання Számonkérés és értékelés rendszere, szempontjai

<p><b>Поточний контроль</b> (форма проміжної перевірки знань студентів протягом семестру)</p> <p>Мета поточного контролю — слідкувати за успішністю студентів і вчасно виявляти проблеми в засвоєнні матеріалу.</p> <p><b>Folyamatos értékelés</b> (a hallgató ismereteinek mérése és ellenőrzése a félév során)</p> <p>A folyamatos ellenőrzés célja, hogy nyomon kövesse a hallgatók tanulmányi előmenetelét, és időben feltárra az anyag elsajátításával kapcsolatos problémákat.</p>	<p><b>Підсумковий контроль</b> (оцінювання знань студентів наприкінці вивчення навчальної дисципліни)</p> <p>Мета підсумкового контролю — визначити рівень засвоєння навчального матеріалу за весь курс.</p> <p><b>Záró értékelés</b> (a hallgatók tudásának értékelése az adott tantárgy végén). A záró értékelés célja, hogy meghatározza a tananyag elsajtatásának szintjét a teljes kurzus végén.</p>		
<b>Форми, методи, інструменти контролю Ellenőrzés formái, módszerei, eszközei</b>	<b>Максимальна к-сть балів, що накопичуються Megszerezhető pontok (maximum)</b>	<b>Форми, методи, інструменти контролю Ellenőrzés formái, módszerei, eszközei</b>	<b>Максимальна к-сть балів, що накопичуються Megszerezhető pontok (maximum)</b>
Активність на практичних, семінарських заняттях Aktivitás a gyakorlati, szeminárium órákon	10	Іспит (Залік): усний Beszámoló: szóbeli	40
Виконання індивідуальних завдань	30		



	<p><a href="https://www.researchgate.net/publication/386506557">https://www.researchgate.net/publication/386506557</a>  <u>EXAMINING E-TEST AND ITS GOODNESS INDICATORS</u></p> <p>4. Papp Gabriella: Comparison of platforms used in online education. In «Актуальні питання у сучасній науці». (Серія «Педагогіка», Серія «Право», Серія Економіка», Серія «Державне управління», Серія «Техніка», Серія «Історія та археологія»). 2023. Випуск № 11(17). с. 712-721. [letölthető: <a href="https://www.researchgate.net/publication/375990756">https://www.researchgate.net/publication/375990756</a>  <u>COMPARISON OF PLATFORMS USED IN ONLINE EDUCATION</u> ]</p> <p>5. Gabriella Papp: Usage of Online Platforms in Education of Mathematics in Transcarpathia at the Beginning of Quarantine. In Kähler, U., Reissig, M., Sabadini, I., Vindas, J. (eds): Analysis, Applications, and Computations. Proceedings of the 13th ISAAC Congress, Ghent, Belgium, 2021. Trends in Mathematics(). Research Perspectives. Cham, Birkhäuser, 2023. pp. 155-162. [letölthető: <a href="https://www.researchgate.net/publication/375110689">https://www.researchgate.net/publication/375110689</a>  <u>Usage of Online Platforms in Education of Mathematics in Transcarpathia at the Beginning of Quarantine</u> ]</p>
<b>Якою мірою можна використовувати ІІІ (штучний інтелект) під час проходження курсу?</b>  Згідно з шкалою: <a href="https://kmf.uz.ua/wp-content/uploads/2024/11/zagalni-rekomendaciji-vikoristannja-shtuchnogo-intelektu-v-navchanni-ta-vikladanni-u-zui.pdf">https://kmf.uz.ua/wp-content/uploads/2024/11/zagalni-rekomendaciji-vikoristannja-shtuchnogo-intelektu-v-navchanni-ta-vikladanni-u-zui.pdf</a>	Під час підготовки до семінарських і практичних занять: A szeminárium, gyakorlati órákra való felkészülés során:
<b>Milyen mértékben használható az AI (mesterséges intelligencia) a kurzus során?</b>  Az intézményi skála szerint: <a href="https://kmf.uz.ua/wp-content/uploads/2024/11/ai-tablazat-hu.pdf">https://kmf.uz.ua/wp-content/uploads/2024/11/ai-tablazat-hu.pdf</a>	Під час виконання індивідуальних завдань: Az egyéni feladatok készítése során:
	Під час виконання групових завдань: A csoportos feladatok készítése során:
	Під час самостійної роботи: Az önálló munka és feladatok során:
<b>Мова (мови) курсу</b> <b>A kurzus nyelve(i)</b> <b>Language(s) of the course</b>	Українська, Угорська Ukrán, Magyar Ukrainian, Hungarian
<b>Технічне й програмне забезпечення/обладнання, наочність</b> <b>Technikai és informatikai háttér</b>	-
<b>Інша інформація, пов'язана з ОК</b> <b>A tantárggyal kapcsolatos egyéb információ</b>	<p>Навчальні досягнення бакалаврантів із дисципліни «Проективна геометрія» оцінюються за модульно-рейтинговою системою, в основу якої покладено принцип поопераційної звітності, накопичувальної системи оцінювання рівня знань, умінь та навичок; розширення кількості підсумкових балів до 100.</p> <p>До екзамену допускаються студенти, які відвідували лекційні та практичні заняття, опрацювали рекомендований мінімум навчальних завдань, прозвітували про самостійну роботу, виконали запропоновані реферативні роботи, і накопили мінімум 35% балів на протязі одного семестру.</p> <p>Важливою передумовою допуску до екзамену є відпрацювання пропущених лекційних занять.</p> <p>Контроль проводиться, як правило, шляхом письмового виконання індивідуальних завдань із подальшою перевіркою їх викладачем та оголошення оцінки. У процесі оцінювання навчальних досягнень бакалаврантів з курсу «Проективна геометрія» застосовуються такі методи:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- методи усного контролю: індивідуальне опитування, фронтальне опитування, співбесіда;</li> <li>- методи письмового контролю: розрахункова контрольна робота, модульна контрольна робота, тестування, самооцінка, самоаналіз.</li> </ul>
	Оцінка за національною шкалою

	Сума балів за всі види навчальної діяльності	Оцінка ECTS	для екзамену, курсового проекту (роботи), практики	для заліку	
	90 – 100	A	відмінно		
	82-89	B			
	75-81	C			
	64-74	D			
	60-63	E			
	35-59	FX	незадовільно з можливістю повторного складання	не зараховано з можливістю повторного складання	
	0-34	F	незадовільно з обов'язковим повторним вивченням дисципліни	не зараховано з обов'язковим повторним вивченням дисципліни	

**Методи викладання, які використовуються / Alkalmazott oktatási-tanítási módszerek / Methods of teaching used:**

	Метод	Характеристика	Переваги	Використовуються
Класичні методи (за характером пізнання)	Пояснювально-ілюстративний	Лекції, пояснення.	Структурованість, традиційність, досвід.	
	Частково-пошуковий	Певна свобода у дослідженні.	Мотивує до пошуку, самостійної роботи.	
Інноваційні та активні методи	Проектне навчання (Project-Based Learning)	Студенти вирішують практичні проекти, які мають зв'язок із професійною діяльністю.	Неформальна атмосфера стимулює розвиток творчості, навичок роботи в команді, інноваційності та гнучкості	
	Командне навчання (Team-Based Learning – TBL)	Структурована групова робота з попередньою підготовкою, оцінюванням на основі командних рішень, зворотним зв'язком в реальному часі.	Комунікація, відповідальність. Активно використовується для підвищення зацікавленості і довгострокового засвоєння знань.	